

### 3. Binomialverteilung

1. **Glücksrad**

$$E(X) = 5, V(X) = 3.75, \sigma(X) = 1.936.$$

2. **Würfeln**

90 Würfe.

3. **Glücksrad**

a) 0.00056

b) 25 Dreierzahlen.

$\mu = 25.6$ . Die Wahrscheinlichkeiten sind 0.0949 (für 25) resp. 0.0944 (für 26).

c) 99 Drehungen

4. **Würfeln (Aus einer Prüfung)**

a) 0.0631

b) 0.8392

c) 10 und 11 (beide Anzahlen sind gleich wahrscheinlich)

5. **Prüfung**

a) 0.00077

b) 0.0060

c) 0.0898

6. **Fairer Gaukler**

5 Dinar

7. **Würfeln (Aus einer Prüfung)**

a) 0.8604

b) 4 oder 5 (beide Anzahlen sind gleich wahrscheinlich)

c)  $E(G) = 18, V(G) = 13$ .

8. **Glücksrad**

$$p = \frac{2}{5}$$

9. **Gewinn-Lose**

Ja, denn  $H_0 : p = 0.3, H_1 : p < 0.3, s = 0.1814$ , also  $H_0$  beibehalten.

10. **Hypothesentest**

Drei oder weniger Sechser.

Für vier Sechser ist  $s = 0.0643$ , für drei Sechser ist  $s = 0.0238$

**11. Maximale Wahrscheinlichkeit**

- a) Drei weiße Kugeln.
- b) 0.4395

$x$  weiße Kugeln. Dann ist  $p = \frac{5}{x+5}$  für eine rote,  $1-p = \frac{x}{x+5}$  für eine weiße.

Rechne die Wahrscheinlichkeit  $f(x)$  für genau 2 rote Kugeln in 3 Ziehungen.  $f'(x) = 0$  nach  $x$  auflösen ergibt  $x = 2.5$ . Aber 2.5 Kugeln geht nicht. Also prüft man für 2 oder 3 Kugeln. Das theoretische Maximum beträgt  $\frac{4}{9}$  (bei  $x = 2.5$ ), aber das praktische Maximum beträgt 43.945% und wird für 3 weiße Kugeln erreicht. Die Wahrscheinlichkeit bei zwei weißen Kugeln ist mit 43.732% nur minim kleiner.